

Sol-Recup- 2ª eval-Tipo examen 1

1) Calcular el límite:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{sen} 3x}{x - \frac{3}{2} \operatorname{sen} 2x}$$

Sol:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{sen} 3x}{x - \frac{3}{2} \operatorname{sen} 2x} = \frac{0}{0} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{3 \cos 3x}{1 - \frac{3}{2} \cdot 2 \cos 2x} = \frac{3}{-1} = -3$$

2) Calcular la segunda derivada de $y = \frac{1}{2} e^{5x^2+3x}$

Sol:

$$y' = \frac{1}{2} \cdot (10x + 3) \cdot e^{5x^2+3x}$$
$$y'' = \frac{1}{2} \cdot [10 \cdot e^{5x^2+2x} + ((10x + 3)^2 \cdot e^{5x^2+3x})]$$

3) Calcular la asíntota oblicua de $y = \frac{3x^2}{2x+2}$

Sol:

Asíntota vertical

$$x = -1, \lim_{x \rightarrow -1} \frac{3x^2}{2x+2} = \infty$$

Asíntota oblicua

$$y = mx + n$$

$$m = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{x}, \quad n = \lim_{x \rightarrow \infty} f(x) - m \cdot x$$

$$m = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{x} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2}{2x^2 + 2x} = \frac{3}{2}$$

$$n = \lim_{x \rightarrow \infty} f(x) - m \cdot x = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2}{2x+2} - \frac{3x}{2}$$

$$n = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{6x^2 - 6x^2 - 6x}{4x + 4} = -\frac{6}{4} = -\frac{3}{2}$$

$$y = \frac{3}{2}x - \frac{3}{2}$$

4) Dada la función:

$$f(x) = \begin{cases} -x^2 - 4x - 3 & \text{si } x \leq 0 \\ x^3 - 4x & \text{si } x > 0 \end{cases}$$

- Calcular la continuidad y derivabilidad de $f(x)$
- Dibujar la función.
- Calcular el área de la función entre $x=-2, x=2$ y el eje OX

Sol:

a)

Continuidad en $x = 0$

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} -x^2 - 4x - 3 = -3$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} x^3 - 4x = 0$$

La función $f(x)$ no es continua en $x = 0$, luego no es derivable.

b)

x	y
0	-3
-1	0
-3	0
V-2	1

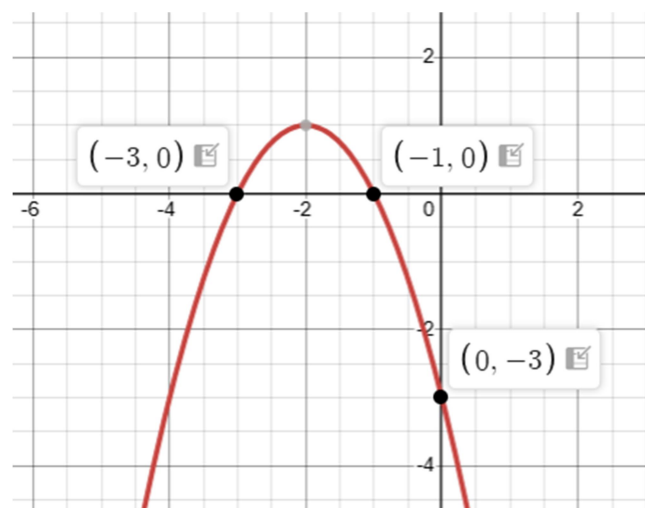
$$y = -x^2 - 4x - 3$$

$$-x^2 - 4x - 3 = 0$$

$$x^2 + 4x + 3 = 0$$

$$x = -1, -3$$

$$y' = -2x - 4 = 0, x = -2$$



x	y
0	0
-2	0
2	0

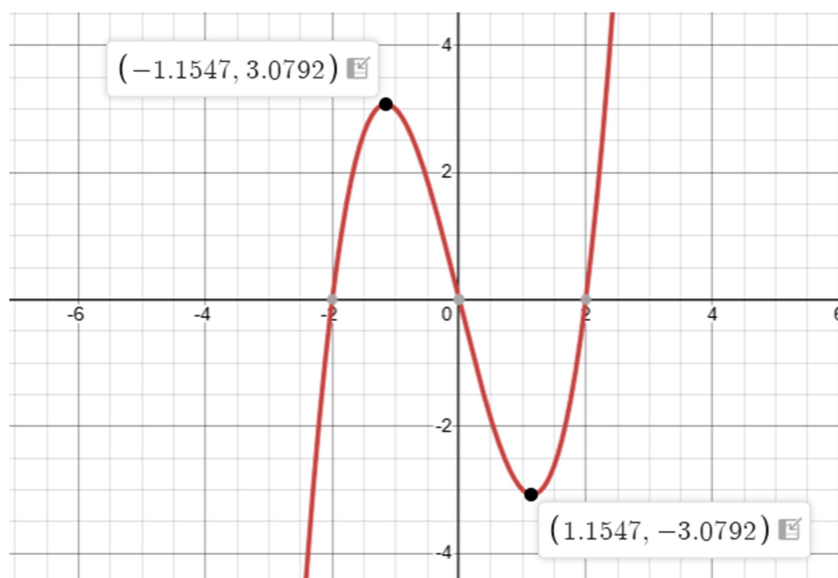
$$y = x^3 - 4x$$

$$x^3 - 4x = 0, x \cdot (x^2 - 4) = 0, x = 2, x = -2, x = 0$$

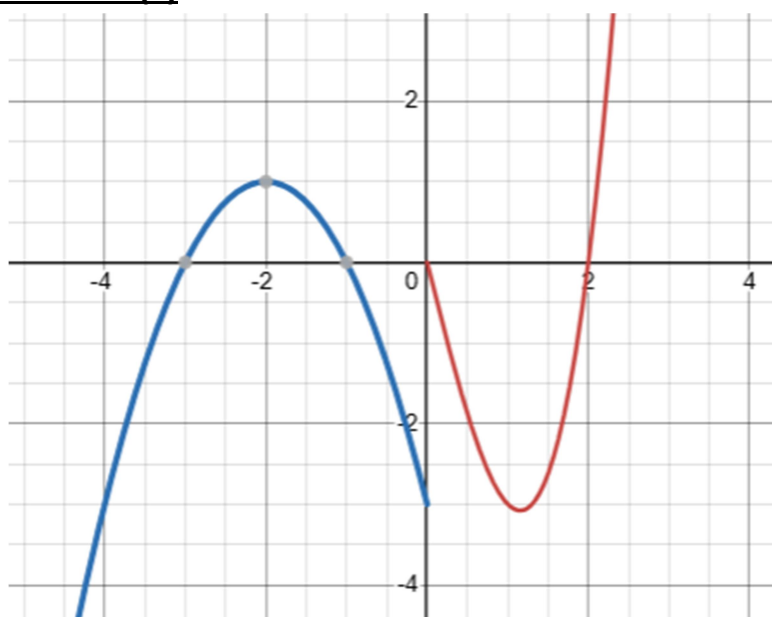
$$y' = 3x^2 - 4 = 0, x = \pm \sqrt{\frac{4}{3}} = \pm 1,15$$

$$f'(x) = 3x^2 - 4$$

$f'(-2) \uparrow$	-1,15	$f'(0) \downarrow$	1,15	$f'(2) \uparrow$
$Max(-1,15; 3,07)$		$Min(1,15; -3,07)$		



Representación de f(x)



c)

$$A = \int_{-2}^{-1} (-x^2 - 4x - 3) dx + \int_{-1}^0 0 - ((-x^2 - 4x - 3) dx) + \int_0^2 0 - (x^3 - 4x) dx$$

$$A = \left[-\frac{x^3}{3} - 4\frac{x^2}{2} - 3x \right]_{-2}^{-1} + \left[\frac{x^3}{3} + 4\frac{x^2}{2} + 3x \right]_{-1}^0 + \left[-\frac{x^4}{4} + 4\frac{x^2}{2} \right]_0^2 =$$

$$= \frac{1}{3} - \cancel{2} + \cancel{3} - \frac{8}{3} + \cancel{8} - \cancel{6} + \frac{1}{3} - \cancel{2} + \cancel{3} - \cancel{4} + \cancel{8} = 6u^2$$